

## مختبر الاستكشاف

التعابير المكافئة

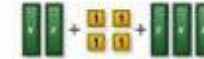
كيف تعرف أن تعبيرين مكافئان؟

الاستكشاف

مبارسات في الرياضيات  
1, 3, 4

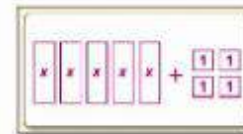
اشترى فارس وأصدقائه تذاكر لسباق الدراجات الثابتة. وتكلفة كل تذكرة  $x$  درهم. واشترى فارس تذاكرين يوم السبت و 3 تذاكر يوم الأحد. ودفع 4 AED لإيجاف الدراجة. التعبير  $2x + 4 - 3x$  يمثل التكلفة الإجمالية بالدراهم لسباق الدراجات الثابتة.

## نشاط عملي

يسط التعبير  $2x + 4 + 3x$  باستخدام القطع الجبرية.الخطوة 1 اختر القطع لتمثيل كل حد جمعي. استخدم 2 من قطع  $x$  لتمثيل  $2x$ .4 من قطع 1 لتمثيل 4، و 3 من قطع  $x$  لتمثيل  $3x$ .الخطوة 2 أوجد الحدود المتشابهة. الحدود المتشابهة هي  $2x$  و  $3x$  لأن كلاهما يحتويعلى  $x$ . يوجد إجمالي 5 قطع  $x$  وأربعة قطع 1.

الخطوة 3 ارسم القطع الجبرية في المساحة الخالية

التالية. يوضع جميع الحدود المتشابهة معاً.

الخطوة 4 أعد كتابة التعبير باستخدام الجيع لتوقيع الحدود المتشابهة. اجمع  $2x$  و  $3x$ .

$$2x + 4 + 3x = 5x + 4$$

أعد ترتيب القطع الجبرية لتحديد ما إذا كان  $2x + 4 + 3x$  مكافئاً لـ  $4x + x + 4$ . هل هي تعابير مكافئة؟ **نعم**

## التركيز تضييق النطاق

الهدف استخدام النماذج لتبسيط التعابير الجبرية.

## الترباط المنطقي الانتقال من العملي إلى النظري

## الحالي

## التالي

سيستخدم الطلاب النماذج لتحديد ما إذا كان تعبيران متكافئين. سيستخدم الطلاب التحويلات لأبسط صورة من أجل كتابة تعابير مكافئة.

## الدقة

اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيقات

انظر مخطط مستويات الصعوبة في الصفحة 490.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء النشاط في المختبر

ثم إعداد النشاط لاستخدامه كنشاط للمجموعة بأقلها.

المواد: قطع جبرية

## نشاط عملي

LA AL اللعب التعاوني زوّد الطلاب بقطع جبرية. وأعطهم بعض الوقت للعب بالقطع واكتشاف كيف سيجري استخدامها في النشاط. اجعل مجموعات الطلاب الثنائية تعمل معاً لإكمال كل خطوة في النشاط.

1, 4, 6

LA BL اللعب التعاوني زوّد الطلاب بقطع جبرية. ونحدهم لتمثيل التعبير  $2x + 4 + 3x$  من دون النظر إلى الرسم التخطيطي في كتبهم. اطلب منهم أن يحددوا بهجرتهم كيفية إعادة ترتيب القطع لإيجاد تعبير

مكافئ: 1, 2, 4, 5, 6

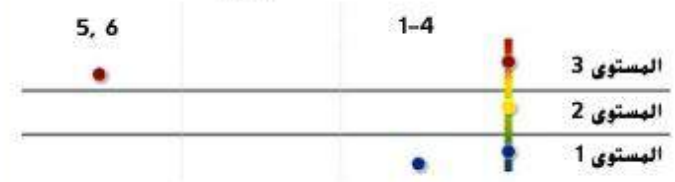
## 2 نشاط تعاوني

تم إعداد قسم الاستكشاف بهدف استخدامه كهيئة استقصاء لمجموعات صغيرة. تم إعداد قسم الابتكار بهدف استخدامه كتهارين مستقلة.

## مستويات الصعوبة

تتقدم مستويات التهارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## التهارين



## استكشاف



**LA AL** مناقشات ثنائية اطلب من كل طالب العمل مع زميل لحل التهارين من 1 إلى 4. اجعلهم يناقشوا السؤال التالي ويجيبوا عنه.  
1, 2, 3, 7

## اطرح السؤال التالي:

- من دون استخدام القطع الجبرية. كيف يمكنك أن تعرف كم قطعة  $x$  بالإجمال ستحتاج لتمثيل التعبير في التمرين 1؟
- قطع جبرية: لأن الحدود الثلاثة تستخدم قطع  $x$ . يمكننا جمع الحدود. لذلك أعرف أنني سأستخدم 6 قطع  $x$  بالإجمال.

## ابتكار



**LA BL** مراجعة ثنائية اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية للتوسع في التمرين 5 عبر الإجابة عن السؤال التالي. 1, 3, 7

## اطرح السؤال التالي:

- إذا كان عمر نهلة 8 أعوام. فكم عمر حسن ونورا؟ اشرح. عمر حسن  $8 + 4$  أو 12 عامًا. عمر نورا  $3(8 + 4)$  أو 36 عامًا.

## استكشاف

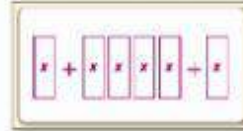
يجب أن يكون الطلاب قادرين على الإجابة عن السؤال "كيف تعرف أن تعبيرين مكافئان؟" تحقق من مدى فهم الطلاب وقدم لهم التوجيهات إذا لزم الأمر.

## استكشاف

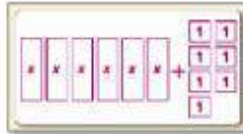


تعاون مع زميلك. بسط كل تعبير باستخدام القطع الجبرية. ارس نمودج للقطع الجبرية لتمثيل كل تعبير.

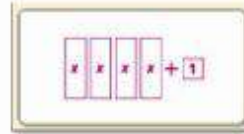
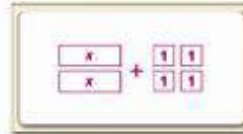
$$1. x + 4x + x = 6x$$



$$2. 4x + 7 + 2x = 6x + 7$$



$$3. 2(x + 2) = 2x + 4$$



4. حدد ما إذا كانت التعابير  $x + 1 + 3x$  و  $4x + 1$  مكافئة باستخدام القطع الجبرية. ارس قطعك على اليمين. **هما متكافئان.**

## ابتكار



5. استخدام نمودج الرياضيات عبر نهلة  $x$  عامًا. وأخوها حسن أكبرها بـ 4 أعوام. وعمر نورا 3 أضعاف عمر حسن. اكتب تعبيرًا يمثل عمر نورا. اشرح.  $3(x + 4) = 3x + 12$   
الإجابة النموذجية: إذا كان عمر نهلة  $x$  عامًا. وعمر حسن يمكن تمثيله بالتعبير  $x + 4$ . لإيجاد عمر نورا. اضرب التعبير الذي يمثل عمر حسن في 3.

6. **استكشاف** كيف تعرف أن تعبيرين مكافئان؟

الإجابة النموذجية: التعبيران  $2x + 2$  و  $2(x + 1)$  متكافئان لأن كليهما يمكن تمثيله باستخدام 2 من قطع  $x$  و 2 من القطع الكلية. ولهما القيمة نفسها.

## التركيز تضييق النطاق

الهدف استخدام الخواص لتبسيط التعابير.

## الترباط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

## السابق

استخدم الطلاب النماذج لتحديد ما إذا كان تعبيران متكافئين.

## الحالي

يكتب الطلاب التعابير المكافئة باستخدام خواص العمليات.

## التالي

سيحلّ الطلاب المعادلات والمتباينات ذات الخطوة الواحدة.

## الدقة

اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيقات

انظر مخطط مستويات الصعوبة في الصفحة 495.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقويم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد ترغب بيده الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط حر.

LA مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب إكمال نشاط المفردات ومسائل من الحياة اليومية. وتأكد أن كل طالب يفهم معنى كل مفردة من مفردات المصطلحات. 1, 3, 6

## الإستراتيجيات البديلة

LA AL اطلب من الطلاب مناقشة كيف أن كلمة بثبات تساعدهم على تذكر معنى ثابت في الرياضيات. 1, 3, 6

BL اطلب من الطلاب كتابة تعبير يضم ثلاثة حدود، اثنان منهما حدان متشابهان. ويجب أن يكون هناك متغير واحد له المعامل 1. 1, 2, 3, 4

التعابير والمعادلات  
الدرس 7

**التعابير المكافئة**

**المفردات الأساسية**

**المؤهل الأساسي**  
كيف تعد كتابة الأعداد بطرق مختلفة أمراً مفيداً؟

**المفردات**  
حد term  
معامل coefficient  
ثابت constant  
الحدود المتشابهة like terms

ممارسات في الرياضيات  
1, 2, 4, 5, 7

عندما نضع علامة الجمع أو الطرح تعبيراً جبرياً إلى أجزاء، يسمى كل جزء منها **حدًا**. ويسمى العامل العددي للحد الذي يحتوي على متغير **بالمعامل**. أما الحد الذي لا يحتوي على متغير فيسمى **بالثابت**. **والحدود المتشابهة** هي الحدود التي تحتوي على المتغيرات نفسها، مثل  $3x$ ،  $2x$ ،  $x$ .

ثلاثة حدود

$$3x + 7 + x$$

الحدود المتشابهة

الحدود الثلاثة هي  $3x$ ،  $7$ ، و  $x$

الحدان  $3x$  و  $x$  حدان متشابهان لأن لهما المتغير نفسه  $x$

الثابت يساوي 7

أكمل خريطة المفاهيم أدناه.

الحدود

$$4n + 2n + 9$$

الحدود المتشابهة

ثابت

**مسائل من الحياة اليومية**

الألعاب أعطت والدة أيوب لعبة كميونتر وبيع 10 AED لأيوب عند تخرجه. وأعطته عمته لعبة كميونتر وبيع 5 AED التعبير  $x + 10 + 2x + 5$  حيث  $x$  تمثل تكلفة كل لعبة. يمكن استخدامه لتمثيل هدايا التخرج التي تتألف من أيوب.

1. ما معامل الحد  $2x$ ؟ 2
2. كم حدًا في التعبير  $x + 10 + 2x + 5$ ؟ 4

**أي ممارسة في الرياضيات استخدمت؟ ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.**

⑤ استخدام أدوات الرياضيات	① المتابعة في حل المسائل
④ مراعاة الدقة	② التفكير بطريقة تجريدية
⑦ الاستعانة من البيئة	③ بناء فرضية
⑧ استخدام الاستنتاج المنطوق	④ استخدام نماذج الرياضيات

## 2 تدريس المفهوم

اطرح الأسئلة الداعمة لكل مثال للتمييز بين خيارات التدريس.

## أمثلة

1. تبسيط تعبير يحتوي على متغير واحد.

AL • ما العملية التي نضفيها الأقواس؟ الضرب

OL • ما الخاصية التي تسمح لك بتجميع الضرب؟ خاصية التجميع

• ما ناتج  $4 \cdot 6 \cdot 24$ ؟ ما ناتج  $24 \cdot 6 \cdot 24x$ ؟

BL • هل سيكون التعبير في الصورة المبسطة هو نفسه لو أن التعبير الأصلي

كان  $4(6x)$ ؟ اشرح. نعم:  $4(6x) = (4 \cdot 6)x = 24x$ 

هل تريد مثلاً آخر؟

تبسط التعبير  $7(3y) \cdot 21y$ 

2. تبسيط تعبير يحتوي على متغير واحد.

AL • ما التكلفة الإجمالية للدخول؟  $AEDx$ • ما تكلفة مشاهدة معرض الموميوات؟  $AED 1$ 

• كم صديقاً سيُشاهد معرض الموميوات؟ 3

• كم صديقاً لن يشاهد معرض الموميوات؟ 1

OL • ما التعبير الذي يمثل تكلفة دخول المتحف ومشاهدة المعرض؟

 $x + 1$ 

• ما التعبير الذي يمثل هذه التكلفة للأصدقاء الثلاثة معاً؟

 $3(x + 1)$ • كيف ستجد التكلفة الإجمالية للأصدقاء الـ 4 جميعاً؟ أجمع  $x$  و $3(x + 1)$ BL • إذا كانت تكلفة الدخول  $AED 7$ ، فكم سيتكلف دخول الأصدقاءالـ 4؟  $AED 31$ 

هل تريد مثلاً آخر؟

يذهب أربعة أصدقاء لحضور مباراة كرة سلة. سيتكلف كل واحد منهم

 $AEDx$  لدخول المباراة وسيشتري ثلاثة منهم شطيرة لحم تكلف الواحدةمنها  $AED 2$ . اكتب تعبيراً يمثل التكلفة الإجمالية للأصدقاء الأربعة وبسطه. $3(x + 2) + x; 4x + 6$ 

## منطقة العمل

## التعابير المكافئة

يصح التعبيران مكافئين عندما يكون للتعبيرين القيمة نفسها. إذا كانت القيمة المعوض عنها  $x$ ، إذًا  $24x$  مكافئة لـ  $4(6x)$ .a.  $33x$ b.  $3x$ c.  $8x + 8$ 

## تبسيط التعابير التي تحتوي على متغير واحد

لتبسيط تعبير جبري، استخدم الخواص لكتابة تعبير مكافئ ليس به حدود متشابهة ولا أقواس.

## المتغيرات

$x + x = 2x$

## الأعداد

$3 + 3 = 2(3)$  أو  $6$

## مثال

1. بسط التعبير  $4(6x)$ .

$$\begin{aligned} 4(6x) &= 4 \cdot (6 \cdot x) && \text{نشر الأقواس إلى عملية الضرب} \\ &= (4 \cdot 6) \cdot x && \text{خاصية التجميع} \\ &= 24x && \text{اضرب 4 و 6} \end{aligned}$$

هل فهمت؟ حل المسائل التالية لتتأكد من فهمك.

بسط كل تعبير.

a.  $(3 \cdot x) \cdot 11$

b.  $x + x + x$

c.  $7x + 8 + x$

## مثال

2. سوف يدفع ثلاثة أصدقاء مبلغ  $x$  AED لكل منهم مقابل دخول المتحف ذاته  $AED 10$  لمشاهدة معرض الموميوات. وسوف يدفع الصديق الرابع تذكرة الدخول بدون مشاهدة معرض الموميوات. اكتب تعبيراً يمثل التكلفة الإجمالية ثم بسطه.التعبير  $x + 3(x + 10)$  يمثل إجمالي التكلفة.

↑ تكلفة الدخول  
↑ تكلفة أصدقاء  
↑ تكلفة الدخول  
↑ للصديق الرابع

$$\begin{aligned} 3(x + 10) + x &= 3x + 30 + x && \text{خاصية التوزيع} \\ &= 3x + x + 30 && \text{خاصية التجميع} \\ &= 4x + 30 && \text{اجمع الحدود المتشابهة} \end{aligned}$$

إذا، التكلفة الإجمالية  $AED 4x + AED 30$ .

هل فهمت؟ أوجد حلًا للمسألة التالية لتتأكد من أنك فهمت.

d. اكتب تعبيراً لإجمالي التكلفة لستة أصدقاء يذهبون إلى المتحف إذا كان أربعة منهم فقط سيُشاهدون معرض الموميوات. ثم بسطه.

$$\begin{aligned} &4(x + 10) + 2x \\ \text{d. } &AED 6x + AED 40 \end{aligned}$$

## أمثلة

## 3. تبسيط تعبير يحتوي على متغيرين.

- ما هي الحدود المتشابهة؟ هي حدود لها المتغير نفسه
- ما الحدود المتشابهة في هذا التعبير؟  $14y$  و  $22y$
- ما الخاصية التي تسمح لك بتغيير ترتيب جمع الأعداد؟ خاصية التبديل
- ما الخاصية التي تسمح لك بتجميع الأعداد التي يجري جمعها؟ خاصية التجميع
- ما ناتج  $14y + 22y$ ؟  $36y$

- هل يمكن كتابة التعبير الذي تم تبسيطه بالشكل  $x + 36y$ ؟ اشرح. نعم: لأن الجمع تبديلي.

## هل تريد مثلاً آخر؟

$$\text{بسط } 15x + (7x + y) + 22x + y$$

## 4. تبسيط تعبير يحتوي على متغيرين.

- ما العملية الممثلة بين قوسين؟ الضرب
- هل سيجري ضرب العدد 4 في  $2x$  فقط؟ اشرح. لا؛ سيجري ضرب 4 في  $y$  أيضاً.
- ما ناتج  $4 \cdot 2x$ ؟  $8x$  ما ناتج  $4 \cdot y$ ؟  $4y$
- اشرح لماذا لا يمكن تبسيط التعبير ليصبح بالصورة  $12xy$ ؟ لأن  $8x$  و  $4y$  ليسا حدين متشابهين، لذلك لا يمكن جمعهما.

## هل تريد مثلاً آخر؟

$$\text{بسط } 9(x + 3y) + 27y + 9x$$

## 5. تحليل التعبير.

- حلل  $27x$  إلى عوامله الأولية؟ و  $18y$ ؟
- ما العامل المشترك الأكبر لـ  $27x$  و  $18y$ ؟ كيف عرفت ذلك؟
- 9؛ يوجد لكل عدد  $3 \cdot 3$ ، أو 9، كعامل مشترك.
- بعد أن تحلل العامل المشترك الأكبر، ما الذي يتبقى داخل الأقواس؟  $3x + 2y$
- كيف يمكنك التأكد من أنك حللت بشكل صحيح؟ استخدم خاصية التوزيع لتبسيط  $9(3x + 2y)$ . عندما توزع 9، يكون الناتج  $27x + 18y$ ؛ وهو التعبير الأصلي.

## هل تريد مثلاً آخر؟

$$\text{حلل } 16x + 8y + 8(2x + y)$$

## تبسيط التعابير التي تحتوي على متغيرين

يمكن استخدام الخواص في تبسيط التعابير ذات المتغيرين أو تحليلها. فإثر تأثيرات العمليات على الأعداد بتأثيرات العمليات على المتغيرات.

$$\begin{array}{l} \text{الأعداد} \\ 3 + 3 + 4 = 2(3) + 4 \\ \text{المتغيرات} \\ x + x + y = 2x + y \end{array}$$

## أمثلة

3. بسط التعبير  $(14y + x) + 22y$ .

$$\begin{aligned} (14y + x) + 22y &= (x + 14y) + 22y && \text{خاصية التبديل} \\ &= x + (14y + 22y) && \text{خاصية التجميع} \\ &= x + 36y && \text{اجمع الحدود المتشابهة.} \end{aligned}$$

4. بسط  $4(2x + y)$  باستخدام خاصية التوزيع.

$$\begin{aligned} 4(2x + y) &= 4(2x) + 4(y) && \text{خاصية التوزيع} \\ &= 8x + 4y && \text{اجمع.} \end{aligned}$$

5. حلل  $27x + 18y$ .

**الخطوة 1** أوجد العامل المشترك الأكبر لـ  $27x$  و  $18y$ .

$$\begin{array}{l} \text{اكتب المتاعيل إلى عوامل أولية لـ } 27x \text{ و } 18y \\ 27x = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot x \\ 18y = 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot y \end{array}$$

ارسم دائرة حول العوامل المشتركة

العامل المشترك الأكبر لـ  $27x$  و  $18y$  هو  $3 \cdot 3 = 9$ .

**الخطوة 2** اكتب كل حد بصيغة ناتج ضرب العامل المشترك الأكبر وعامله المتبقي. ثم استخدم خاصية التوزيع لتحليل العامل المشترك الأكبر.

$$\begin{aligned} 27x + 18y &= 9(3x) + 9(2y) && \text{أعد كتابة كل حد باستخدام العامل المشترك الأكبر.} \\ &= 9(3x + 2y) && \text{خاصية التوزيع} \end{aligned}$$

## هل فهمت؟ حل المسائل التالية لتأكد من فهمك.

e. بسط  $3x + 9y + 2x$ .

f. بسط  $7(3x + y)$ .

g. حلل  $12x + 8y$ .

e.  $5x + 9y$

f.  $21x + 7y$

g.  $4(3x + 2y)$

## مثال

6. كتابة تعبير جبري لحل مسألة من الحياة اليومية وتبسيطه.

AL • كم تفاحة في كل سلة؟ 3 ما التعبير الذي يمثل تكلفة 3 تفاحات؟  $3a$  أو  $3(a)$

• كم ثمرة خوخ في كل سلة؟ 1 ما التعبير الذي يمثل تكلفة ثمرة خوخ واحدة؟  $p$

OL • ما التعبير الذي يمثل تكلفة التفاح وثمار الخوخ في سلة واحدة؟  $3a + p$

• ما الذي تحتاج لفعله لإيجاد التكلفة الإجمالية لعدد 5 سلات؟ **أضرب  $3a + p$  في 5.**

• ما ناتج  $5 \times 3a$ ؟  $15a$  ما ناتج  $5 \times p$ ؟  $5p$

BL • كيف ستغير التعبير المبسط والذي يمثل تكلفة 5 سلات إذا احتوت كل سلة أيضاً على 2 من ثمار المانجو؟  $15a + 5p + 10m$

هل تريد مثلاً آخر؟

تأتي علبة كرات التنس وفيها  $y$  من الكرات الصفراء و  $x$  من الكرات البرتقالية. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي عدد الكرات من كل لون في 6 علب كرات تنس وبسطه  $6(y + x)$ ;  $6y + 6x$

## تمرين موجه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقويم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض طلابك غير مستعدين للواجبات، فاستخدم الأنشطة البديلة الواردة أدناه.



LA AL • مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لحل التمارين. في التمارين من 1 إلى 3، اجعلهم يستخدموا أقلام التحديد لتحديد أية حدود متشابهة، اجعلهم يتناقشوا في سبب عدم احتواء التمرينين 1 و 3 على أية حدود متشابهة. 1, 3, 5

LA BL • مناقشات ثنائية اطلب من كل طالب التعاون مع زميل للتوسع في التمرين 6 لتحديد التكلفة الإجمالية إذا كل قلم رصاص يكلف AED 1.99 وكل قلم حبر يكلف AED 2.25. 1, 3, 7

## مثال



6. يبيع متجر الفلاح سلال الفواكه، وكل سلة فيها 3 ثمرات تفاح وثمره خوخ. استخدم  $a$  لتمثيل تكلفة كل ثمرة تفاح و  $p$  لتمثيل تكلفة كل ثمرة خوخ. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي تكلفة 5 سلال ثم بسطه.

استخدم التعبير  $3a + p$  لتمثيل تكلفة كل سلة.

استخدم  $5(3a + p)$  لتمثيل تكلفة 5 سلال.

استخدم خاصية التوزيع لإعادة كتابة  $5(3a + p)$ .

$$5(3a + p) = 5(3a) + 5(p)$$

$$= 15a + 5p$$

خاصية التوزيع  
أضرب

إذا، إجمالي تكلفة خمس سلال هي  $15a + 5p$ .



## تمرين موجه

بسّط كل تعبير. (الأمثلة 1 و 3 و 4)

1.  $5(6x) = 30x$

2.  $2x + 5y + 7x = 9x + 5y$

3.  $4(2x + 5y) = 8x + 20y$



4. حل  $35x + 28y = 7(5x + 4y)$

5. اشترت عائشة خمس ثمرات بسعر  $x$  AED لكل ثمرة، وجاءت ثلاث ثمرات مصاحبة لبلوزة بسعر 9 AED إضافية لكل ثمرة، اكتب تعبيراً يمثل إجمالي تكلفة المشتريات ثم بسطه. (النقطة 12)

$3(x + 9) + 2x$ ; AED  $5x + 27$  AED

6. تشتين حقيبة الهدايا من المكتبة على 5 أقلام رصاص وقلمين حبر. استخدم  $p$  لتمثيل تكلفة كل قلم رصاص و  $q$  لتمثيل تكلفة كل قلم حبر. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي تكلفة 8 حطاب ثم بسطه. (النقطة 6)

$8(5p + 2q) = 40p + 16q$

## قيم نفسك!

هل أنت مستعد للمتابعة؟ ظلل القسم الذي ينطبق.



7. الاستعادة من السؤال الأساسي كيف يمكن للخواص أن تساعد في كتابة تعابير جبرية مكافئة؟

الإجابة النموذجية: لإيجاد تعابير جبرية مكافئة، طبق الخواص واجمع الحدود المتشابهة، إذا لزم الأمر.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقويم

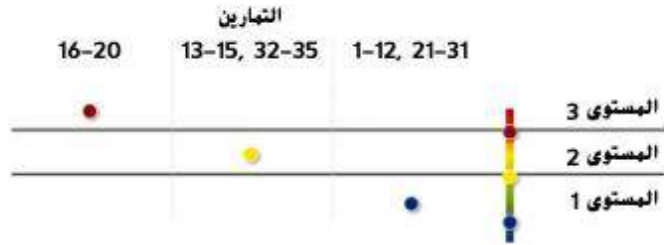
### 3 التمرين والتطبيق

#### تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمارين الإضافية للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

#### مستويات الصعوبة

تتقدم مستويات التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.



#### الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه والذي يحتوي على مراجع تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الثلاثة لاحتياجات طلابك.

خيارات الواجب المنزلي المتميزة		
AL	قريب من المستوى	1-13, 15-17, 20, 34, 35
BL	ضمن المستوى	1-11, 13-17, 20, 34, 35
BL	أعلى من المستوى	13-20, 34, 35

الاسم

الواجبات المنزلية

### تمارين ذاتية

بسّط كل تعبير. (أمثلة 1, 3, 4)

1.  $x + 4x + 6x = 11x$

2.  $3x + 4x + 5x = 12x$

3.  $9(5x) = 45x$



4.  $3x + 8y + 13x = 16x + 8y$

5.  $7(3x + 5y) = 21x + 35y$

6.  $3x + 6x + 2x = 11x$

حلل كل تعبير. (أمثلة 5)

7.  $24x + 18y = 6(4x + 3y)$

8.  $16x + 40y = 8(2x + 5y)$

10. تبلغ هالة من العمر  $x$  سنة، وعمر أختها هداية يزيد عن عمرها بمقدار ست سنوات، وعمر أمهما ضعف عمر هداية، وعمر عمومتها هدى يزيد بمقدار  $x$  سنة عن عمر أمهما. اكتب تعبيراً يمثل عمر هدى بالسنوات ثم بسّطه. (أمثلة 2)

$2(x + 6) + x, 3x + 12$

12. مجموعة من الشموع تحتوي على 4 شمعات من الشموع الفانيليا و 6 من الشموع البهجة. استخدم  $v$  لتمثيل تكلفة كل شمعة الفانيليا و  $p$  لتمثيل تكلفة كل شمعة البهجة. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي تكلفة 4 مجموعات ثم بسّطه. (أمثلة 6)

$4(4v + 6p) = 16v + 24p$

9. ذهب ثمانية أصدقاء إلى مزارع الهوكي. فكان سعر تذكرة الدخول للفرد الواحد  $x$  AED، ودفع أربعة منهم 6 AED إضافية لكتابة إرشادات كل لاعب، اكتب تعبيراً يمثل إجمالي التكلفة ثم بسّطه. (أمثلة 2)

$4(x + 6) + 4x, \text{ AED } 8x + \text{ AED } 24$

11. يتحضر صندوق أقراص 3 أفلام وثلاثية وفيلمين كومبيين. استخدم  $f$  لتمثيل تكلفة كل فيلم وثائقي و  $c$  لتمثيل تكلفة كل فيلم كومبيدي. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي التكلفة لستة صناديق ثم بسّطه. (أمثلة 6)

$6(3f + 2c) = 18f + 12c$

## ممارسات في الرياضيات

التمرين (التهارين)	التركيز على
18, 19	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
20	2 التفكير بطريقة تجريدية وكتّيب.
17	3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
15, 29	5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية.
16	7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.

تعد الممارسات في الرياضيات 1 و 3 و 4 جوانب من التفكير الرياضي التي يتم التركيز عليها في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص ليدل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.

### التقويم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقويم تكويني نهائي قبل انصراف الطلاب من صفك الدراسي.

### بطاقة

التحقق من استيعاب الطلاب

اطلب من الطلاب تبسيط  $12y . 2y + y + 9y$

### انتبه!

**خطأ شائع** قد يقوم الطلاب بتجميع الحدود المتشابهة بشكل خاطئ عندما يكون المعامل 1. دُكر الطلاب بأن  $x = 1x$  بحسب خاصية المحايد. قد ترغب في أن تطلب من طلابك إعادة كتابة أية حدود متشابهة لها المعامل 1.

أوجد قيمة  $y$  التي تجعل كل معادلة صحيحة بالنسبة لجميع قيم  $x$ .

13.  $3x + 6x = yx$  9

14.  $x + 5 + 11x = 12x + y$  5

أسعار مطعم البيزا	
بيزا	السعر (AED)
بالجين حجم كبير	$x$
إضافة واحدة	أضف 0.75 AED
إضافتان	أضف 1.50 AED
3 إضافات	أضف 2.25 AED
4 إضافات	أضف 3.00 AED

15. استخدام أدوات الرياضيات بفرص مطعم البيزا مبلغ  $x$  AED لبيزا الجين الكبير ورسومًا إضافية بحسب عدد الإضافات المطلوبة.

a. طلبت قطعان بيزا بالجين ذات حجم كبير وثلاث قطع بيزا بإضافة اللحم البقري المتبل. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي التكلفة ثم بسطه.  $3(x + 0.75) + 2x$ ; AED  $5x + AED 2.25$

b. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي تكلفة شاي قطع بيزا حجم كبير وبسطه. إذا علمت أن اثنتين منها بالجين وسأً منها عنده أربع إضافات فوق كل قطعة.  $6(x + 3) + 2x$ ; AED  $8x + AED 18$

c. تطلب منا ثلاث قطع بيزا بالجين ذات حجم كبير. وقطعة ذات الحجم الكبير بإضافة اللحم البقري والمشروم. وقطعة ذات حجم كبير بإضافة الفلفل الأخضر والبصل. اكتب تعبيراً يمثل إجمالي التكلفة ثم بسطه.  $2(x + 1.50) + 3x$ ; AED  $5x + AED 3$

### مسائل مهارات التفكير العليا

16. تحديد البنية اكتب تعبيراً يكافئ، عند تبسيطه،  $15x + 7$ . **الإجابة النموذجية:**  $8x + 7 + 7x$

17. الاستدلال الاستقرائي اشرح السبب في أن التعبيرين  $y + y + y$  و  $3y$  متكافئان. **الإجابة النموذجية:** التعبيران متكافئان لأنهما يسميان العدد نفسه بصرف النظر عن العدد الذي يمثل  $y$ .

18. المثابرة في حل المسائل بالنسبة للمتعبدين 18 و 19. بسط كل تعبير.

$17x + 17$   $7x + 5(x + 3) + 4x + x + 2$

$6x + 33$   $6 + 2(x + 8) + 3x + 11 + x$

20. التفكير بطريقة تجريدية التعبير الجبري الموضح أدناه ينتقد ثابتين من أعداد كلية. حدد هذين الثابتين حتى يتم تبسيط التعبير إلى  $14x + 11$ .

$4x + 8(x + 1) + 3 + 2x$



